Para cada par de funciones, determine a) $(f \cdot g)(x)$ y b) $(f \cdot g)(3)$.
39. $f(x)=x+1, g(x)=x-3$
40. $f(x)=2 x-4, g(x)=x^{2}-3$
41. $f(x)=x^{2}+x-3, g(x)=x-2$
42. $f(x)=x^{2}-2, g(x)=x^{2}+2$
[5.3] Divida.
43. $\frac{4 x^{7} y^{5}}{20 x y^{3}}$
(44. $\frac{3 s^{5} t^{8}}{12 s^{5} t^{3}}$
45. $\frac{45 p q-25 q^{2}-15 q}{5 q}$
(46.) $\frac{7 a^{2}-16 a+32}{4}$
47. $\frac{2 x^{3} y^{2}+8 x^{2} y^{3}+12 x y^{4}}{8 x y^{3}}$
(48.) $\left(8 x^{2}+14 x-15\right) \div(2 x+5)$
49. $\left(2 x^{4}-3 x^{3}+4 x^{2}+17 x+7\right) \div(2 x+1)$
50. $\left(4 a^{4}-7 a^{2}-5 a+4\right) \div(2 a-1)$
51. $\left(x^{2}+x-22\right) \div(x-3)$
52. $\left(4 x^{3}+12 x^{2}+x-9\right) \div(2 x+3)$

Utilice la división sintética para obtener el cociente de cada expresión.
53. $\left(3 x^{3}-2 x^{2}+10\right) \div(x-3)$
54. $\left(2 y^{5}-10 y^{3}+y-2\right) \div(y+1)$
55. $\left(x^{5}-18\right) \div(x-2)$
56. $\left(2 x^{3}+x^{2}+5 x-3\right) \div\left(x-\frac{1}{2}\right)$

Determine el residuo de cada división mediante el teorema del residuo. Si el divisor es un factor del dividendo, indíquelo.
57. $\left(x^{2}-4 x+13\right) \div(x-3)$
58. $\left(2 x^{3}-6 x^{2}+3 x\right) \div(x+4)$
59. $\left(3 x^{3}-6\right) \div\left(x-\frac{1}{3}\right)$
60. $\left(2 x^{4}-6 x^{2}-8\right) \div(x+2)$
[5.4] En cada expresión, factorice el máximo factor común.
61. $4 x^{2}+8 x+32$
62. $15 x^{5}+6 x^{4}-12 x^{5} y^{3}$
63. $10 a^{3} b^{3}-14 a^{2} b^{6}$
(64.) $24 x y^{4} z^{3}+12 x^{2} y^{3} z^{2}-30 x^{3} y^{2} z^{3}$

Factorice por agrupación.
65. $5 x^{2}-x y+30 x y-6 y^{2}$
66. $12 a^{2}+8 a b+15 a b+10 b^{2}$
67. $(2 x-5)(2 x+1)-(2 x-5)(x-8)$
68. $7 x(3 x-7)+3(3 x-7)^{2}$

Área En los ejercicios 69 y 70, A representa el área de la figura. Determine una expresión en forma factorizada, para calcular la diferencia entre las áreas de las figuras geométricas.
69.

70.


Volumen En los ejercicios 71 y $72, V$ representa el volumen de la figura. Determine una expresión, en forma factorizada, para calcular la diferencia entre los volúmenes de las figuras geométricas.
71.


72.

[5.5] Factorice cada trinomio.
73. $x^{2}+9 x+18$
(74.) $x^{2}+3 x-10$
75. $x^{2}-3 x-28$
76. $x^{2}-10 x+16$
77. $-x^{2}+12 x+45$
78. $-x^{2}+13 x-12$
79. $2 x^{3}+13 x^{2}+6 x$
(80.) $8 x^{4}+10 x^{3}-25 x^{2}$
81. $4 a^{5}-9 a^{4}+5 a^{3}$
(82.) $12 y^{5}+61 y^{4}+5 y^{3}$
83. $x^{2}-15 x y-54 y^{2}$
(84.) $6 p^{2}-19 p q+10 q^{2}$
85. $x^{4}+10 x^{2}+21$
(80. $x^{4}+2 x^{2}-63$
87. $(x+3)^{2}+10(x+3)+24$
88. $(x-4)^{2}-(x-4)-20$

Área En los ejercicios 89 y 90, determine una expresión, en forma factorizada, para calcular el área de la región sombreada en cada figura.
89.

90.

[5.6] Utilice una fórmula especial de factorización para factorizar las siguientes expresiones.
91. $x^{2}-36$
93. $x^{4}-81$
95. $4 a^{2}+4 a+1$
97. $(x+2)^{2}-16$
99. $p^{4}+18 p^{2}+81$
101. $x^{2}+8 x+16-y^{2}$
103. $16 x^{2}+8 x y+y^{2}$
105. $x^{3}-27$
107. $125 x^{3}-1$
109. $y^{3}-64 z^{3}$
111. $(x+1)^{3}-8$
(92.) $x^{2}-121$
(94.) $x^{4}-16$
96. $16 y^{2}-24 y+9$
(98. $(3 y-1)^{2}-36$
(100. $m^{4}-20 m^{2}+100$
102. $a^{2}+6 a b+9 b^{2}-36 c^{2}$
(104) $36 b^{2}-60 b c+25 c^{2}$
(106. $y^{3}+64 z^{3}$
(108. $8 a^{3}+27 b^{3}$
110. $(x-2)^{3}-27$
112. $(a+4)^{3}+1$

Área En los ejercicios 113 y 114, determine una expresión, en forma factorizada, para calcular el área de la región sombreada en cada figura.

113

115. Volumen Determine una expresión, en forma factorizada, para calcular la diferencia entre los volúmenes de estos dos cubos.


116. Volumen Determine una expresión, en forma factorizada, para calcular el volumen de la región sombreada de esta figura.

[5.4-5.7] Factorice completamente.
117. $x^{2} y^{4}-2 x y^{4}-15 y^{4}$
(118.) $5 x^{3}-30 x^{2}+40 x$
119. $3 x^{3} y^{4}+18 x^{2} y^{4}-6 x^{2} y^{4}-36 x y^{4}$
(120) $3 y^{5}-75 y$
121. $4 x^{3} y+32 y$
(122) $5 x^{4} y+20 x^{3} y+20 x^{2} y$
123. $6 x^{3}-21 x^{2}-12 x$
124. $x^{2}+10 x+25-z^{2}$
125. $5 x^{3}+40 y^{3}$
126. $x^{2}(x+6)+3 x(x+6)-4(x+6)$
127. $4(2 x+3)^{2}-12(2 x+3)+5$
128. $4 x^{4}+4 x^{2}-3$
129. $(x+1) x^{2}-(x+1) x-2(x+1)$
130. $9 a x-3 b x+21 a y-7 b y$
131. $6 p^{2} q^{2}-5 p q-6$
132. $9 x^{4}-12 x^{2}+4$
133. $16 y^{2}-\left(x^{2}+4 x+4\right)$
134. $6(2 a+3)^{2}-7(2 a+3)-3$
135. $6 x^{4} y^{5}+9 x^{3} y^{5}-27 x^{2} y^{5}$
136. $x^{3}-\frac{8}{27} y^{6}$

Área En los ejercicios 137 a 142, determine una expresión, en forma factorizada, para calcular el ârea de la región sombreada de cada figura.
137.

138.

139.

140.

141.

142.

[5.8] Resuelva.
(143.) $(x-2)(4 x+1)=0$
144. $(2 x+5)(3 x+10)=0$
145. $4 x^{2}=8 x$
(140.) $12 x^{2}+16 x=0$
147. $x^{2}+7 x+12=0$
148. $a^{2}+a-30=0$
(149.) $x^{2}=8 x-7$
150. $c^{3}-6 c^{2}+8 c=0$
151. $5 x^{2}=80$
(52.) $x(x+3)=2(x+4)-2$
153. $12 d^{2}=13 d+4$
154. $20 p^{2}-6=7 p$

Utilice factorización para determinar las intersecciones con el eje x de la gráfica de cada ecuación.
(155.) $y=2 x^{2}-6 x-36$
156. $y=20 x^{2}-49 x+30$

Escriba una ecuación cuya gráfica tenga las intersecciones con el eje x en los valores dados.
(157) -4 y 6
158. $-\frac{5}{2} y-\frac{1}{6}$

En los ejercicios 159 a 163, responda la pregunta.
159. Alfombra El área de una alfombra rectangular de Fred Bank, es de 108 pies cuadrados. Determine el largo y ancho de la alfombra, si el largo es 3 pies mayor que el ancho.
160. Anuncio triangular La base de un anuncio triangular mide 5 pies más que el doble de la altura. Determine la base y la altura, si el área del triángulo es 26 pies cuadrados.

